Урок № 55 1-МЛ 25.11.2024

Тема: Производная произведения функций.

Срок сдачи работ до 26.11.2024

## Теоретическая часть:

**Правило 1**. Если функции U и V дифференцируемы в т. x, то их сумма (разность) дифференцируема в этой точке  $\left(U \pm V\right)' = U' \pm V'$ 

Пример: 
$$(x^2 + x + 5)' = (x^2)' + (x)' + 5' =$$

**Правило 2**. Если функции U и V дифференцируемы в т. x, то их произведение дифференцируемо в этой точке  $(U \cdot V)^{'} = U' \cdot V + U \cdot V'$ 

Пример: 
$$(x^2(2x-7))' = (x^2)'(2x-7) + x^2(2x-7)' =$$

*Следствие.* Если функция дифференцируема в т. X, а C –постоянная, то функция CU дифференцируема в этой точке и

$$(CU)'=CU'$$
.

Пример: 
$$y' = (5x^2)' = 5(x^2)' = 5 \cdot 2x = 10x$$

Вернемся к примерам, которые рассматривали ранее. Теперь зная правила дифференцирования, как бы вы их решили?

1. 
$$(5x^2 - 3x)' = (5x^2)' - (3x)' = 10x - 3$$

$$(x^3(x-2))' = (x^3)'(x-2) + (x^3)(x-2)' = 3x^2(x-2) + x^3 = 4x^3 - 6x^2$$

Внимательно просмотрите видео, обратив внимание на разбор решения примеров нахождения производной функции:

https://rutube.ru/video/8f7da49787f0a5c97619094c730440cf/?r=plwd

## Домашняя работа:

1. Вычислить производную функции:

1) 
$$f(x) = (x^2 - 5x)(5x + 2)$$

2) 
$$f(x) = (x^2 - 1)(x^2 + 1)$$

## Таблица производных элементарных функций

1. 
$$c' = 0$$

2. 
$$(x^{\alpha})' = \alpha x^{\alpha-1}, \alpha \in \mathbf{R}^1$$

$$3. \left(\frac{1}{x}\right)' = -\frac{1}{x^2}$$

4. 
$$(\sqrt{x})' = \frac{1}{2\sqrt{x}}$$

$$5. (\sin x)' = \cos x$$

$$6. (\cos x)' = -\sin x$$

7. 
$$(\lg x)' = \frac{1}{\cos^2 x}$$

8. 
$$(\operatorname{ctg} x)' = -\frac{1}{\sin^2 x}$$

9. 
$$(e^x)' = e^x$$

10. 
$$(a^x)' = a^x \ln a, \ a > 0$$

11. 
$$(\ln x)' = \frac{1}{x}$$

12. 
$$(\log_a x)' = \frac{1}{x \ln a}$$

13. 
$$(\arcsin x)' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$$

14. 
$$(\arccos x)' = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$$

15. 
$$(\arctan x)' = \frac{1}{1+x^2}$$

16. 
$$(\operatorname{arcctg} x)' = -\frac{1}{1+x^2}$$

17. 
$$(\operatorname{sh} x)' = \operatorname{ch} x$$

18. 
$$(ch x)' = sh x$$

19. 
$$(\operatorname{th} x)' = \frac{1}{\operatorname{ch}^2 x}$$

20. 
$$(\operatorname{cth} x)' = -\frac{1}{\operatorname{sh}^2 x}$$